



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 1



1. [4 балла] Натуральные числа  $a, b, c$  таковы, что  $ab$  делится на  $2^9 3^{10} 5^{10}$ ,  $bc$  делится на  $2^{14} 3^{13} 5^{13}$ ,  $ac$  делится на  $2^{19} 3^{18} 5^{30}$ . Найдите наименьшее возможное значение произведения  $abc$ .
2. [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник  $ABC$ . Окружность, касающаяся прямой  $BC$  в точке  $B$ , пересекает высоту  $CD$ , проведённую к гипотенузе, в точке  $F$ , а катет  $AC$  – в точке  $E$ . Известно, что  $AB \parallel EF$ ,  $AD : DB = 3 : 1$ . Найдите отношение площади треугольника  $ABC$  к площади треугольника  $CEF$ .
3. [4 балла] Решите уравнение  $5 \arcsin(\cos x) = x + \frac{\pi}{2}$ .
4. [5 баллов] Найдите все значения параметра  $a$ , для каждого из которых найдётся значение параметра  $b$ , при котором система уравнений

$$\begin{cases} ax + 2y - 3b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 9)(x^2 + y^2 - 12x + 32) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

5. [5 баллов] Некоторые числа  $x$  и  $y$  удовлетворяют равенствам

$$\log_3^4 x + 6 \log_x 3 = \log_{x^2} 243 - 8 \quad \text{и} \quad \log_3^4(5y) + 2 \log_{5y} 3 = \log_{25y^2} (3^{11}) - 8.$$

Найдите все возможные значения произведения  $xy$ .

6. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках  $O(0;0)$ ,  $P(-14;42)$ ,  $Q(6;42)$  и  $R(20;0)$ . Найдите количество пар точек  $A(x_1; y_1)$  и  $B(x_2; y_2)$  с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что  $3x_2 - 3x_1 + y_2 - y_1 = 33$ .
7. [6 баллов] Дана треугольная пирамида  $SABC$ , медианы  $AA_1, BB_1$  и  $CC_1$  треугольника  $ABC$  пересекаются в точке  $M$ . Сфера  $\Omega$  касается ребра  $AS$  в точке  $L$  и касается плоскости основания пирамиды в точке  $K$ , лежащей на отрезке  $AM$ . Сфера  $\Omega$  пересекает отрезок  $SM$  в точках  $P$  и  $Q$ . Известно, что  $SP = MQ$ , площадь треугольника  $ABC$  равна 90,  $SA = BC = 12$ .
  - а) Найдите произведение длин медиан  $AA_1, BB_1$  и  $CC_1$ .
  - б) Найдите двугранный угол при ребре  $BC$  пирамиды, если дополнительно известно, что  $\Omega$  касается грани  $BCS$  в точке  $N$ ,  $SN = 4$ , а радиус сферы  $\Omega$  равен 5.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

|                                     |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                                   | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



## Задача 11

Ясно, что т.к. нам нужно минимальное  
произведение, то среди делителей  $a, b, c$   
не должно быть других чисел, кроме 2, 3, 5.  
Тогда представим ~~как~~  $a, b, c$  след. образом:

$$a = 2^{a_1} \cdot 3^{a_2} \cdot 5^{a_3}$$

$$b = 2^{b_1} \cdot 3^{b_2} \cdot 5^{b_3}$$

$$c = 2^{c_1} \cdot 3^{c_2} \cdot 5^{c_3}$$

Значит из условий получим следующее

$$\left. \begin{array}{l} a_1 + b_1 \geq 9 \\ a_1 + c_1 \geq 19 \\ b_1 + c_1 \geq 14 \end{array} \right\} \Rightarrow 2(a_1 + b_1 + c_1) \geq 42$$
$$\Downarrow$$
$$a_1 + b_1 + c_1 \geq 21$$

$$\left. \begin{array}{l} a_2 + b_2 \geq 10 \\ b_2 + c_2 \geq 13 \\ a_2 + c_2 \geq 18 \end{array} \right\} \Rightarrow 2(a_2 + b_2 + c_2) \geq 41$$
$$a_2 + b_2 + c_2 \geq 20,5$$

$$\left. \begin{array}{l} a_3 + b_3 \geq 10 \\ b_3 + c_3 \geq 13 \\ a_3 + c_3 \geq 30 \end{array} \right\} \Rightarrow 2(a_3 + b_3 + c_3) \geq 53$$
$$a_3 + b_3 + c_3 \geq 26,5$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

|                                     |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                                   | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Заметим, что т.к.  $a, b$  и  $c$  натуральные, то степеней у их множителей тоже натуральные, а значит получаем

$$\begin{cases} a_1 + b_1 + c_1 \geq 21 \\ a_2 + b_2 + c_2 \geq 21 \\ a_3 + b_3 + c_3 \geq 24 \end{cases}$$

$$a_2 + b_2 + c_2 \geq 21$$

$$a_3 + b_3 + c_3 \geq 24$$

$$a_1 + b_1 + c_1 = 21$$

~~наименьшее значение достигается при  $a=2, b=3, c=5$~~

и выполнение всех условий достигается при  $a_1=4$

$$b_1=2$$

$$c_1=15$$

$a_2 + b_2 + c_2 = 21$  и выполнение всех условий достигается при  $a_2=8, b_2=2, c_2=11$

Исходя из того, что  $a, c$  делится на  $2 \cdot 3 \cdot 5$ ,

$a_3 + c_3 \geq 30 \Rightarrow$  ~~выполнение~~  $a_3 + c_3 = 30$  и выполнение всех условий достигается при  $a_3=c_3=15; b_3=0 \Rightarrow$

$\Rightarrow$  наименьшее значение  $abc = 2^{a_1+b_1+c_1} \cdot 3^{a_2+b_2+c_2} \cdot 5^{a_3+b_3+c_3}$

$$= 2^{21} \cdot 3^{21} \cdot 5^{30}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

|                          |                          |                                     |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                                   | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

3) от  $-\pi$  до 0:

$$\arcsin\left(\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right)\right) = \frac{\pi}{2} + x \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 5\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$4x = -2\pi$$

$$x = -\frac{\pi}{2}$$

4) от 0 до  $\pi$ :

$$\arcsin\left(\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right)\right) = \frac{\pi}{2} - x$$

$$5\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$2\pi = 6x$$

$$x = \frac{\pi}{3}$$

5) от  $\pi$  до  $2\pi$ :

$$\arcsin\left(\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right)\right) = x - \frac{3\pi}{2}$$

$$5\left(x - \frac{3\pi}{2}\right) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$4x = 8\pi$$

$$x = 2\pi$$

Ответ:  $x_1 = -3\pi$

$$x_2 = -\frac{4\pi}{3}$$

$$x_3 = -\frac{\pi}{2}$$

$$x_4 = \frac{\pi}{3}$$

$$x_5 = 2\pi$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

|                          |                          |                                     |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                                   | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №3

функция  $5\arcsin(\cos x) = 5\arcsin(\sin(\frac{\pi}{2} - x))$   
может принимать значения в проме-  
жутке  $[-\frac{5\pi}{2}; \frac{5\pi}{2}] \Rightarrow -\frac{5\pi}{2} \leq x + \frac{\pi}{2} \leq \frac{5\pi}{2} \Rightarrow$

$$\Rightarrow -3\pi \leq x \leq 2\pi$$

рассмотрим как раскрывается  ~~$\arcsin(\frac{\pi}{2} - x)$~~   
 $\arcsin(\sin(\frac{\pi}{2} - x))$  в зависимости от  $x$ :

1) от  $-3\pi$  до  $-2\pi$ :

$$\arcsin(\sin(\frac{\pi}{2} - x)) = \frac{5\pi}{2} + x \Rightarrow \text{решим уравн.}$$

$$5(\frac{5\pi}{2} + x) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$4x = -12\pi$$

$$x = -3\pi$$

2) от  $-2\pi$  до  $-\pi$ :

$$\arcsin(\sin(\frac{\pi}{2} - x)) = -x - \frac{3\pi}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 5(-x - \frac{3\pi}{2}) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$6x = -8\pi$$

$$x = -\frac{4\pi}{3}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

|                          |                          |                          |                                     |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                                   | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Если модуль касат. касательной прямой будет больше, то как бы мы не двигали эту прямую, она не пересечет обе окр.

Из подобия  $\triangle O_1BA$  и  $\triangle O_2CA$  можно найти координ. т.  $A$ :  $\frac{O_1A}{O_2A} = \frac{R_1}{R_2} \Rightarrow A\left(\frac{18}{5}; 0\right)$

$$\cos \angle BO_1A = \frac{O_1B}{O_1A} = \frac{5}{6} \Rightarrow B_x = \frac{5}{6} \cdot 3 = \frac{5}{2}$$

$$B_y = \sqrt{3^2 - \left(\frac{5}{2}\right)^2} = \frac{\sqrt{11}}{2} \Rightarrow \text{касат. кас. прямой}$$

$$\frac{B_y - A_y}{B_x - A_x} = \frac{\frac{\sqrt{11}}{2}}{\frac{11}{10}} = \frac{-20}{\sqrt{11}} = -\frac{a}{2} \Rightarrow a_1 = \frac{40}{\sqrt{11}}$$

и второй общей касат. тоже самое, только другой знак  $\Rightarrow \frac{20}{\sqrt{11}} = -\frac{a}{2} \Rightarrow a_2 = -\frac{40}{\sqrt{11}}$

$\Rightarrow$  Ответ:  $\left(-\frac{40}{\sqrt{11}}; \frac{40}{\sqrt{11}}\right)$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

|                          |                          |                          |                                     |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                                   | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

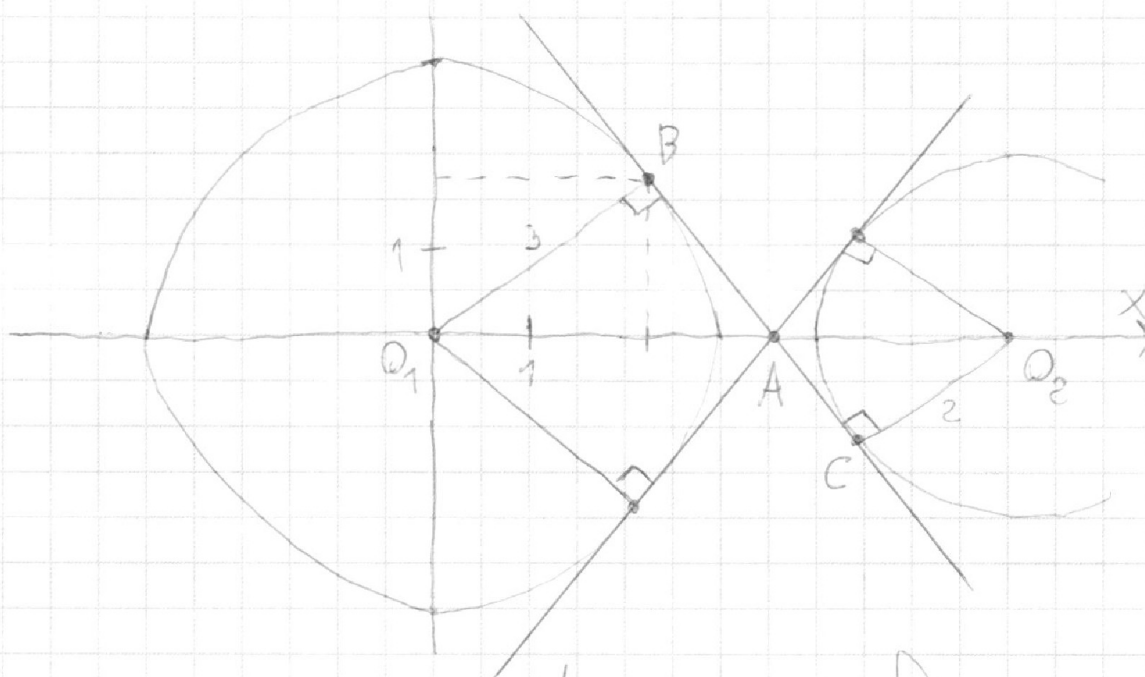
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача №4

$$\begin{cases} ax+2y-3b=0 \Rightarrow \text{прямая } y = -\frac{a}{2}x + \frac{3b}{2} \\ (x^2+y^2-9)(x^2+y^2-12x+32)=0 \end{cases}$$

$\Downarrow$        $\Uparrow$        $\rightarrow y^2 + (x-6)^2 = 2^2$



То, что параметр  $b$  может быть  
любой значить что мы можем вращать  
прямую вверх-вниз. И решения будет  
тогда прямая пересекает обе окружности.  
На рисунке изображен предельный случай  
когда прямая касается окружностей.



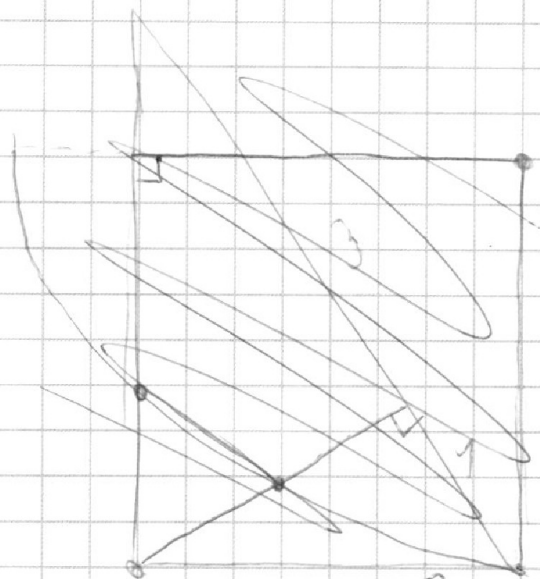
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

|                          |                          |                          |                          |                                     |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                        | 5                                   | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача 15

первое равенство преобразуется в

$$\log_3^4 x + \frac{4}{2} \log_3 x + 8 = 0 \Rightarrow \log_3^5 x + 8 \log_3 x + \frac{4}{2} = 0$$

второе в

$$\log_3^4 5y - \frac{4}{2} \log_3 5y + 8 = 0 \Rightarrow \log_3^5 5y + 8 \log_3 5y - \frac{4}{2} = 0$$

$\Rightarrow$  все функции убывающие  $\Rightarrow \left. \begin{array}{l} t = \log_3 x \\ k = \log_3 5y \end{array} \right\} \Rightarrow$

$\Rightarrow t^5 + k^5 + 8(t+k) = 0 \Rightarrow$  каждому значению  $t$  соответствует лишь одно знач.  $k$  и это  $t = -k$

$$8 \log_3 x + 8 \log_3 5y = 0$$

$$\log_3 x + \log_3 5y = 0 \Rightarrow 5xy = 1 \Rightarrow xy = \frac{1}{5}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

|                          |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned} A_y = 0 &\Rightarrow 0 = -3A_x + 33 \Rightarrow A_x = 11 \\ B_y = 42 &\Rightarrow 42 = -3B_x + 33 \Rightarrow B_x = -3 \end{aligned} \Rightarrow$$

$$A(11; 0); B(-3; 42)$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \times 36 \\ \hline 72 \\ 128 \\ \hline 16 \end{array}$$

$y = -3x + 33 \Rightarrow$  если целый  $x$ , то целый  $y$

$$\frac{a^2 x^2}{4} - \frac{3abx}{2} + \frac{9b^2}{4} + x^2 = 9$$

$$x^2 \left( \frac{4+a^2}{4} \right) - x \cdot \frac{3ab}{2} + \frac{9b^2}{4} - 9 = 0$$

$$D=0 = \frac{9a^2 b^2}{4} - \frac{(4+a^2)(9b^2-36)}{4}$$

$$9a^2 b^2 - 36b^2 - 9a^2 b^2 + 36a^2 - 36a^2 + 144 = 0$$

$$4 - b^2 - a^2 = 0$$

$$x^2 \left( \frac{4+a^2}{4} \right) - x \cdot \left( \frac{3ab}{2} + 12 \right) + \frac{9b^2}{4} + 32 = 0$$

$$D=0 = \frac{9a^2 b^2}{4} + 236ab + 144 - \frac{(4+a^2)(9b^2+128)}{4}$$

$$36ab + 144 - 9b^2 - 32a^2 - 128 = 0$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

|                          |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$ab : 2^9 3^{10} 5^{10}$$

$$A = 2^{a_1} \cdot 3^{a_2} \cdot 5^{a_3}$$

$$a_1 + b_1 \geq 9$$

$$a_2 + b_2 \geq 10$$

$$a_3 + b_3 \geq 10$$

$$a_1 + b_1 \geq 9$$

$$b_1 + c_1 \geq 14$$

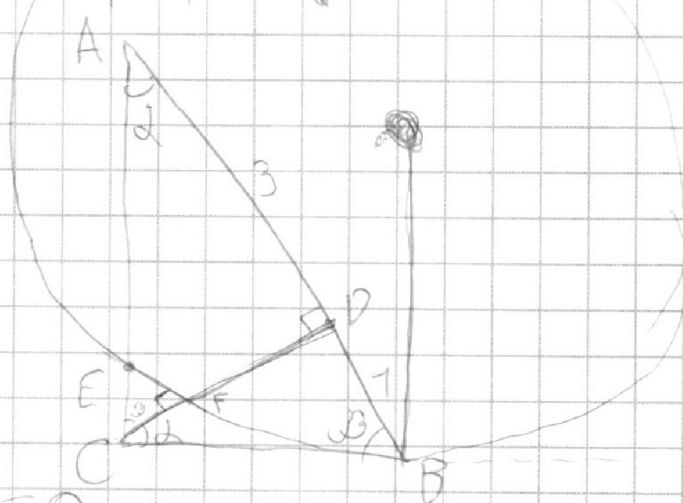
$$a_1 + c_1 \geq 19$$

|   |   |    |
|---|---|----|
| b | a | c  |
| 2 | 8 | 11 |

$$\frac{\tan \alpha}{\tan \beta} = 3$$

$$2(a_1 + b_1 + c_1) \geq 42$$

$$a_1 + b_1 + c_1 \geq 21$$



$$\log_3^4 x + \frac{1}{2} \log_x 3 + 8 = 0$$

$$\log_3^4 5y - \frac{1}{2} \log_{5y} 3 + 8 = 0$$

$$\Delta y = -3\Delta x + 33$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

|                          |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$5 \arcsin(\cos x) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$5 \arcsin\left(\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right)\right) = x + \frac{\pi}{2}$$

~~$$5\left(\frac{\pi}{2} - x\right) =$$~~

~~$$5\left(\frac{\pi}{2} - t\right) = 2\pi n + t - \frac{\pi}{2}$$~~

~~$$2\pi = 2\pi n + 6t$$~~

~~$$-6t = 2\pi(n-1)$$~~

~~$$t = -\frac{\pi k}{3} \quad 0 - \pi:$$~~

$$5\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$2\pi = 6x$$

$$x = \frac{\pi}{3}$$

$$\pi - 2\pi:$$

$$5\left(\frac{\pi}{2} + x - 2\pi\right) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$4x = 8\pi$$

$$x = 2\pi$$

$$-\frac{5\pi}{2} \geq 5 \arcsin \geq \frac{5\pi}{2}$$

$$-3\pi \geq x \geq 2\pi$$

$$\cos x = \cos t$$

$$x = \pm t + 2\pi n$$

$$5\left(\frac{\pi}{2} - t\right) = -t + 2\pi n + \frac{\pi}{2}$$

$$2\pi = 2\pi n + 4t$$

$$-4t = 2\pi(n-1)$$

$$t = -\frac{\pi k}{2}$$

$$-\pi - 0:$$

$$5\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$4x = -2\pi$$

$$x = -\frac{\pi}{2}$$

$$-2\pi - \pi:$$

$$5\left(-x + \frac{\pi}{2} - 2\pi\right) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$6x = -8\pi$$

$$x = -\frac{4\pi}{3}$$

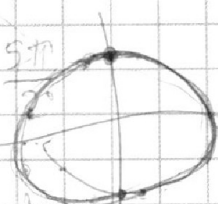
$$-3\pi - 2\pi:$$

~~$$5\left(\frac{\pi}{2} - x + 2\pi\right) =$$~~

$$5\left(\frac{\pi}{2} + x + 2\pi\right) = x + \frac{\pi}{2}$$

$$4x = -12\pi$$

$$x = -3\pi$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

|                          |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

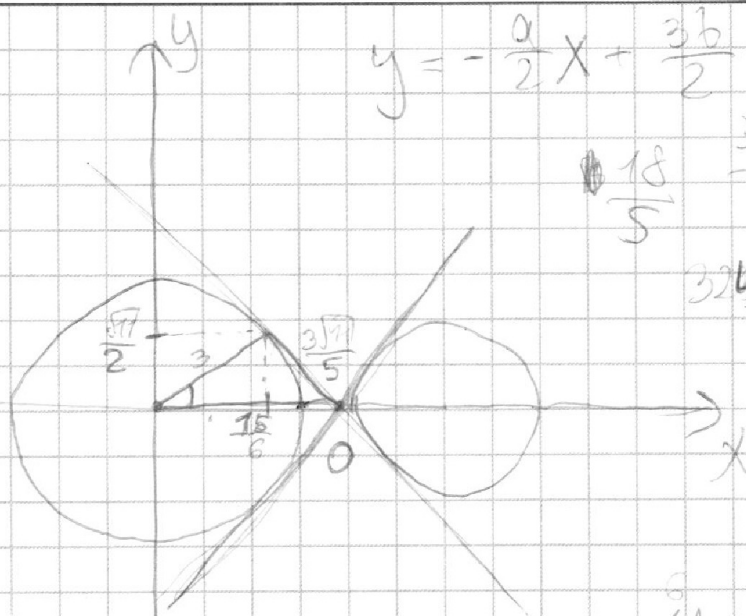
**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\begin{array}{r} 324 \\ 56 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 99 \\ 36 \end{array} \begin{array}{r} 125 \\ 36 \end{array}$$



$$y = -\frac{a}{2}x + \frac{3b}{2}$$

$$\begin{array}{r} 18 \\ 5 \end{array} \begin{array}{r} 357 \\ 5 \end{array}$$

$$\left(-\frac{ax}{2} + \frac{3b}{2}\right)^2 + x^2 = 9$$

$$\left(-\frac{ax}{2} + \frac{3b}{2}\right)^2 + x^2 - 12x + 36 = 4$$

$$\frac{a^2 x^2}{4} - \frac{3abx}{2} + \frac{9b^2}{4} + x^2 = 9$$

$$\log_3^4 x - 8 = -\frac{4}{2} \log_3 x$$

$$-\log_3^5 x + 8 \log_3 x + \frac{4}{2} = 0$$

$$\log_3^5 5y + 8 \log_3 5y - \frac{4}{2} = 0$$

$$\log_3^5 x = \log_3^5 5y +$$

$$x^5 + 8x + \frac{4}{2} = 0$$

$$y^5 + 8y + \frac{4}{2} = 0$$

$$\Delta y = -42 - 42$$

$$\Delta x = -20 - 20$$

$$\begin{array}{r} 18 \\ 5 \end{array} \begin{array}{r} 15 \\ 6 \end{array} = \frac{108 - 45}{30} = \frac{11}{10}$$

$$x^5 + y^5 + 8(x+y) = 0$$

