



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 3



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $2^8 3^{14} 5^{12}$, bc делится на $2^{12} 3^{20} 5^{17}$, ac делится на $2^{14} 3^{21} 5^{39}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник ABC . Окружность, касающаяся прямой BC в точке B , пересекает высоту CD , проведённую к гипотенузе, в точке F , а катет AC – в точке E . Известно, что $AB \parallel EF$, $AD : DB = 5 : 2$. Найдите отношение площади треугольника ABC к площади треугольника CEF .
3. [4 балла] Решите уравнение $10 \arcsin(\cos x) = \pi - 2x$.
4. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система уравнений

$$\begin{cases} ax - 3y + 4b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 20y + 64) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

5. [5 баллов] Некоторые числа x и y удовлетворяют равенствам

$$\log_5^4(2x) - 3 \log_{2x} 5 = \log_{8x^3} 625 - 3, \quad \text{и} \quad \log_5^4 y + 4 \log_y 5 = \log_{y^3} 0,2 - 3.$$

Найдите все возможные значения произведения xy .

6. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0;0)$, $P(-16;80)$, $Q(2;80)$ и $R(18;0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $5x_2 - 5x_1 + y_2 - y_1 = 45$.
7. [6 баллов] Дана треугольная пирамида $SABC$, медианы AA_1 , BB_1 и CC_1 треугольника ABC пересекаются в точке M . Сфера Ω касается ребра AS в точке L и касается плоскости основания пирамиды в точке K , лежащей на отрезке AM . Сфера Ω пересекает отрезок SM в точках P и Q . Известно, что $SP = MQ$, площадь треугольника ABC равна 100, $SA = BC = 16$.
 - а) Найдите произведение длин медиан AA_1 , BB_1 и CC_1 .
 - б) Найдите двугранный угол при ребре BC пирамиды, если дополнительно известно, что Ω касается грани BCS в точке N , $SN = 4$, а радиус сферы Ω равен 5.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

~ 1 Числа a, b, c можно записать в виде

$$a = 2^8 \cdot 3^{14} \cdot 5^{12} \cdot k, \quad b = 2^{12} \cdot 3^{20} \cdot 5^{14} \cdot n,$$

$$c = 2^{14} \cdot 3^{21} \cdot 5^{39} \cdot t, \quad \text{где } k, n, t \in \mathbb{N}.$$

Перемножим эти числа:

$$(abc)^2 = 2^{34} \cdot 3^{55} \cdot 5^{68} \cdot (knt), \quad \text{заменим, что}$$

$2^{34} \cdot 3^{55} \cdot 5^{68} \cdot kn t$ должно быть полным квадратом и каждое простое число, на которое дел. (abc) должно входить в четной степени, а 3^{55} - в нечет. степени, значит $(knt) : 3$

$$abc = 2^{17} \cdot 3^{28} \cdot 5^{34} \cdot \sqrt{\frac{knt}{3}}. \quad \text{ac делится}$$

на 5^{39} , значит abc тоже делится на 5^{39} , то есть

$$\sqrt{\frac{knt}{3}} : 5^5, \quad \text{минимальное}$$

$$\text{значение } \sqrt{\frac{knt}{3}} = 5^5 \Rightarrow$$

$$knt = 5^{10} \cdot 3 \quad \text{и } abc \text{ минимальное}$$

$$\text{значение } abc \text{ равно } 2^{17} \cdot 3^{28} \cdot 5^{34} \cdot 5^5 =$$

$$= 2^{17} \cdot 3^{28} \cdot 5^{39}, \quad \text{приведем пример 2 чисел,}$$

при которых это достигается:

$$a = 2^5 \cdot 3^7 \cdot 5^{12}, \quad b = 2^3 \cdot 3^4, \quad c = 2^9 \cdot 3^{14} \cdot 5^{24}.$$

$$\text{Ответ: } 2^{17} \cdot 3^{28} \cdot 5^{39}.$$

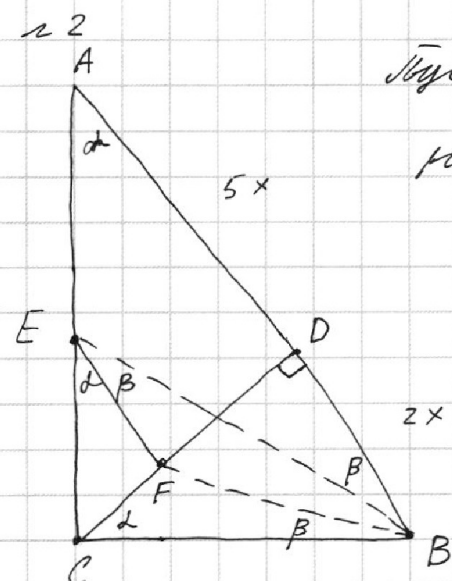
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Пусть $AD = 5x$, а $BD = 2x$. По теореме о пропорциональных отрезках в прямоугольном треугольнике $CD^2 = AD \cdot BD =$

$$= 10x^2 = CD = \sqrt{10}x. \text{ По т. Пифагора } AC = \sqrt{35}x \text{ и } BC = \sqrt{14}x. \text{ Пусть } \angle CAB = \alpha,$$

а $\angle BEF = \beta$. $\angle EFC = \gamma$, т.к. $EF \parallel AB$, а $\angle FEB = \angle FBC$ как углы между хордой и касательной $\Rightarrow \angle FBC = \beta$. $\angle FEB = \angle EBA$, т.к. $EF \parallel AB$. $\Rightarrow \angle EBA = \beta$. $\triangle EAB \sim \triangle CEF$ по 2м углам. Пусть $\frac{CF}{ED} = k \Rightarrow CF = k \cdot \sqrt{10}x$,

из подобия $\triangle CEF$ и $\triangle CAD$ (т.к. $EF \parallel AD$)

$$CE = k \cdot AC = k \cdot \sqrt{35}x, \quad \frac{AB}{CB} = \frac{AE}{CE} = \frac{\frac{4}{\sqrt{14}}}{\frac{4}{\sqrt{14}}} \Rightarrow$$

$$AE = k \cdot \frac{4\sqrt{10}}{\sqrt{14}}x, \quad AE + CE = k \cdot \left(\sqrt{35} + \frac{4\sqrt{10}}{\sqrt{14}} \right) = \sqrt{35}x \Rightarrow k \left(\sqrt{35} - 1 \right) \sqrt{35} (k - 1) = - \frac{4\sqrt{10}}{\sqrt{14}}$$

$$k = 1 - \frac{4\sqrt{10}}{\sqrt{14} \cdot \sqrt{35}} = 1 - \frac{4}{\sqrt{14}} \quad k = \frac{\sqrt{35}}{\sqrt{35} + \frac{4\sqrt{10}}{\sqrt{14}}} =$$

$$= \frac{1}{2} \Rightarrow CF = \frac{1}{2} CD = \frac{1}{2} \sqrt{10}x.$$

Из подобия $\triangle ECF$ и $\triangle ACB$ (по 2м углам)



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
☐

2
☒

3
☐

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

22

$$\frac{S_{ECF}}{S_{ABC}} = \left(\frac{CF}{CB}\right)^2 = \left(\frac{\frac{1}{2}\sqrt{10} \cdot x}{\sqrt{14} \cdot x}\right)^2 = \left(\frac{\frac{1}{2}\sqrt{5}}{\sqrt{7}}\right)^2 = \frac{5}{4} \cdot \frac{1}{4} = \frac{5}{28}$$

$$\frac{S_{ABC}}{S_{ECF}} = \frac{28}{5}.$$

Ответ: $\frac{28}{5}$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$3 \quad 10 \arcsin(\cos x) = \pi - 2x$$

$$\arcsin(\cos x) = \frac{\pi - 2x}{10}, \quad \arcsin(\cos x) \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$$

Возьмём синус от обеих частей с
учётом того, что $\frac{\pi - 2x}{10} \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$.

$$\cos x = \sin\left(\frac{\pi - 2x}{10}\right) \Leftrightarrow \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \sin\left(\frac{\pi - 2x}{10}\right)$$

$$I) \quad \frac{\pi}{2} - x = \frac{\pi - 2x}{10} + 2\pi k, \quad k \in \mathbb{Z}.$$

$$\frac{5\pi - \pi + 2x}{10} = x \Leftrightarrow 10x = \frac{4\pi + 2x}{10}$$

$$5\pi - 10x = \pi - 2x + 20\pi k, \quad k \in \mathbb{Z}.$$

$$-8x = -4\pi + 20\pi k$$

$$x = \frac{\pi}{2} - \frac{10\pi k}{8} = \frac{\pi}{2} - \frac{5\pi k}{4}$$

$$-\frac{\pi}{2} \leq \frac{\pi}{2} - \frac{5\pi k}{4} \leq \frac{\pi}{2} \Leftrightarrow -2\pi \leq 2\pi - 5\pi k \leq 2\pi$$

$$-4\pi \leq -5\pi k \leq 0 \Leftrightarrow -4 \leq -5k \leq 0$$

$$-\frac{4}{5} \leq k \leq 0$$

Подходит только $k = 0 \Rightarrow x = \frac{\pi}{2}$

$$II) \quad \frac{\pi}{2} - x =$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№ 3 (трансформации)

$$I) \quad \frac{\pi}{2} - x = \frac{\pi - 2x}{10} + 2\pi k, \quad k \in \mathbb{Z}.$$

$$5\pi - 10x = \pi - 2x + 20\pi k \Leftrightarrow -8x = -4\pi + 20\pi k$$

$$x = \frac{\pi}{2} - \frac{20\pi k}{8}$$

$$-\frac{\pi}{2} \leq \frac{\pi}{2} - \frac{20\pi k}{8} \leq \frac{\pi}{2} \Leftrightarrow -\frac{1}{2} \leq \frac{1}{2} - \frac{5k}{2} \leq \frac{1}{2}$$

Подходит только $k=0$: $x = \frac{\pi}{2}$

$$II) \quad \frac{\pi}{2} - x = \pi - \left(\frac{\pi - 2x}{10}\right) + 2\pi k, \quad k \in \mathbb{Z}.$$

$$5\pi - 10x = 10\pi - \pi + 2x + 20\pi k$$

$$-12x = 4\pi + 20\pi k \Leftrightarrow x = -\frac{\pi}{3} - \frac{5\pi k}{3}$$

$$-\frac{\pi}{2} \leq -\frac{\pi}{3} - \frac{5\pi k}{3} \leq \frac{\pi}{2} \Leftrightarrow -\frac{1}{2} \leq -\frac{1}{3} - \frac{5k}{3} \leq \frac{1}{2}$$

$$-\frac{1}{6} \leq -\frac{5k}{3} \leq \frac{5}{6} \Leftrightarrow -5 \leq 10k \leq 1$$

Подходит только $k=0$: $x = -\frac{\pi}{3}$

Ответ:

$$\begin{cases} x = \frac{\pi}{2} \\ x = -\frac{\pi}{3} \end{cases}.$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



№ 4

$$\begin{cases} ax - 3y + 4b = 0 \\ (x^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 20y + 64) = 0 \end{cases}$$

Рассмотрим 2 е ур-ние. Оно равно-
сильно:

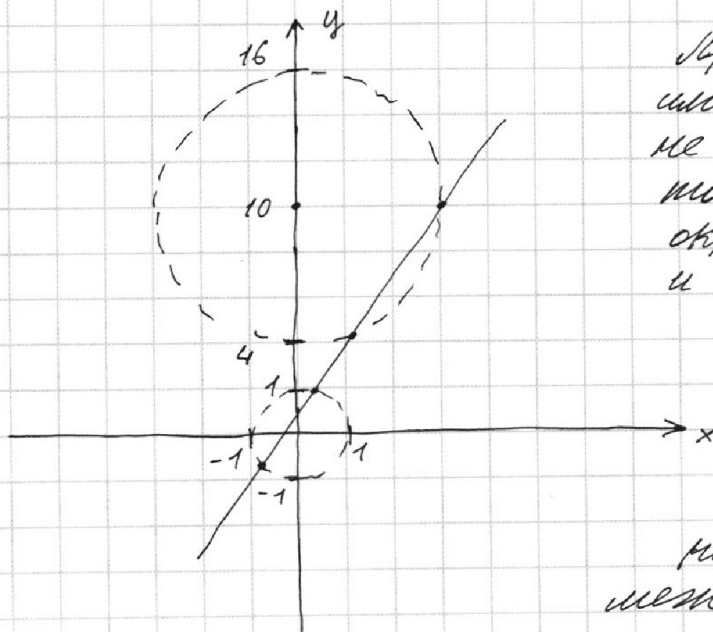
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 & - \text{окр-ть радиуса 1 с центром } (0;0) \\ x^2 + (y-10)^2 = 36 & - \text{окр-ть радиуса 6 с центром } (0;10) \end{cases}$$

Второе ур-ние: $(0;10)$

$$3y = ax - 4b$$

$$y = \frac{a}{3}x - \frac{4}{3}b - \text{прямая с угловым коэф. } \frac{a}{3}.$$

Изобразим на декартовой плоскости.



Прямая может
иметь с окр-тью
не более 2х общих
точек, причём
окр-тик $x^2 + y^2 = 1$
и $x^2 + (y-10)^2 = 36$

не имеют
точек пере-
сечения, т.к.

расстояние
между центрами

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

54 (продолжение) больше суммы радиусов
окр-тей. Пусть $O_1(0;0)$, $O_2(0;16)$ - цент-
ры окружностей. Значит прямая
касается каждой из окр-
тей ровно 2 общие точки, но если
расстояния от прямой до O_1 и O_2
должны быть меньше R_1 и R_2 , где $R_1 =$
1 и $R_2 = 6$ - радиусы окр-тей. Приме-

ним ф-лу расстояния от точки
до прямой. $L(x,y) = ax - 3y + 4b = 0$

$$P(L; O_1) = \frac{|4b|}{\sqrt{a^2+9}}, \quad P(L; O_2) = \frac{|30a+4b|}{\sqrt{a^2+9}}$$

$$\begin{cases} \frac{|4b|}{\sqrt{a^2+9}} < 1 \\ \frac{|4b-30|}{\sqrt{a^2+9}} < 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} |4b| < \sqrt{a^2+9} \\ |4b-30| < 6\sqrt{a^2+9} \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} -\sqrt{a^2+9} < 4b < \sqrt{a^2+9} \\ 30-6\sqrt{a^2+9} < 4b < 6\sqrt{a^2+9}+30 \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{Решений нет,} \\ \text{когда интер-} \\ \text{валы} \end{array}$$

$$(-\sqrt{a^2+9}; \sqrt{a^2+9}) \text{ и } (30-6\sqrt{a^2+9}; 6\sqrt{a^2+9}+30) \text{ не}$$

имеют общие точки.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

254 (продолжение)

Поманно, что $6\sqrt{a^2+9} + 30 > -\sqrt{a^2+9}$

Значит решения ~~есть~~ нет, когда

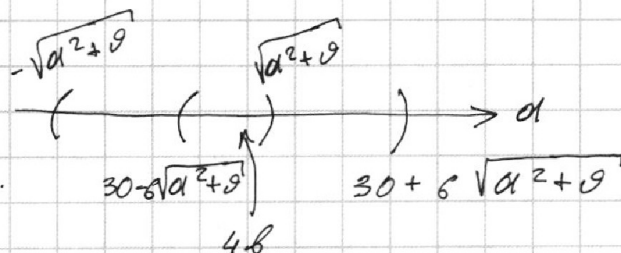
$$\sqrt{a^2+9} \leq 30 - 6\sqrt{a^2+9} \Leftrightarrow 7\sqrt{a^2+9} \leq 30$$

$$49a^2 + 49 \cdot 9 \leq 900 \quad 49a^2 \leq 9 \cdot 51$$

$$a^2 \leq \frac{9 \cdot 51}{49} \Leftrightarrow a \in \left[-\frac{3\sqrt{51}}{7}; \frac{3\sqrt{51}}{7} \right],$$

при $a \in (-\infty; -\frac{3\sqrt{51}}{7}) \cup (\frac{3\sqrt{51}}{7}; +\infty)$ -

решения ~~есть~~, то есть при данных



a можно

взять $48 \in (30-6\sqrt{a^2+9}; 30+6\sqrt{a^2+9})$
 $\in (\max(-\sqrt{a^2+9}, 30-6\sqrt{a^2+9}); \sqrt{a^2+9})$, то есть

какое-то 48 из интервала, что
обеспечит 4 решения.

Ответ: $a \in (-\infty; -\frac{3\sqrt{51}}{7}) \cup (\frac{3\sqrt{51}}{7}; +\infty)$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} \log_5^4 2x - 3 \log_{2x} 5 = \log_{8x^3} 625 - 3 \\ \log_5^4 y + 4 \log_y 5 = \log_{y^3} \left(\frac{2}{10}\right) - 3 \end{cases}$$

$$\log_5^4 2x - \frac{3}{\log_5 2x} = \frac{1}{\log_5 8x^3} - 3 = 0. \text{ Д. 3.}$$

$$\log_5^4 2x - \frac{3}{\log_5 2x} = \frac{4}{3(\log_5 2x) \log_{\frac{1}{5}} 2} - 3 \begin{cases} x > 0 \\ x \neq \frac{1}{2} \end{cases}$$

$$\log_5^4 y + 4 \log_y 5 + \frac{4}{\log_5 y} = \frac{1}{\log_{\frac{1}{5}} y^3} - 3$$

$$\log_5^4 y + \frac{4}{\log_5 y} = -\frac{1}{3 \log_5 y} - 3$$

Заменим: $a = \log_5 2x$, $b = \log_5 y$, $a, b \neq 0$
в силу 0. Д. 3.

$$\begin{cases} a^4 - \frac{3}{a} = \frac{4}{3a} - 3 \\ b^4 + \frac{4}{b} = -\frac{1}{3b} - 3 \end{cases} \Leftrightarrow$$

Вычитаем из (1) (2):
~~получим~~ ~~сложим~~ ~~уравнения~~

$$\begin{cases} a^4 = \frac{13}{3a} - 3 & (1) \\ b^4 = -\frac{13}{3b} - 3 & (2) \end{cases} \quad a^4 - b^4 = \frac{13}{3a} + \frac{13}{3b}$$

$$(a^2 + b^2)(a - b)(a + b) = \frac{13(a + b)}{3ab}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$(a+b) \cdot \left[(a^2+b^2)(a-b) - \frac{13}{3ab} \right] = 0, \quad a = -b \text{ - решение.}$$

$$(a^2+b^2)(a-b) = \frac{13}{ab} \quad | \cdot ab \neq 0$$

$$\begin{aligned} \log_5 2x + \log_5 4y &= \\ &= \log_5 2xy = 0 \\ xy &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$ab(a^3 - a^2b + b^2a - b^3) = 13$$

$$ab(a^3 - a^2b + b^2a - b^3) = 13$$

$$(a+b)(a^3 - a^2b + b^2a - b^3) = a^4 - b^4, \text{ значит}$$

$$\text{если } (a+b) \neq 0, \text{ то } a-b=0 \Leftrightarrow a=b$$

Тогда $a=b$ система примет вид:

$$a^4 = \frac{13}{3a} - 3$$

$$a^4 = -\frac{13}{3a} - 3$$

$$ab(a^3 - a^2b + b^2a - b^3) = 13$$

$$a^4b - a^3b^2 + b^3a^2 - b^4a = 13$$

Умножим уравнение на $a+b$, прове-
рим потом, что

$$\text{Ответ: } xy = \frac{1}{2}.$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Handwritten solution for a geometry problem involving a triangle ABC inscribed in a circle, with various points D, E, F and lines connecting them. The solution includes several diagrams and equations.

Diagram 1: Triangle ABC inscribed in a circle. Point D is on the arc AC. Line BD is drawn. Point F is on BD. Line AF is drawn. Angle A is labeled 50° . Angle D is labeled 45° . The equation $50x + 4y = 45$ is written above the diagram.

Diagram 2: Triangle ABC inscribed in a circle. Point E is on the arc AC. Line BE is drawn. Point F is on BE. Line AF is drawn. Angle A is labeled 50° . Angle E is labeled 45° . The equation $50x + 4y = 45$ is written above the diagram.

Diagram 3: Triangle ABC inscribed in a circle. Point D is on the arc AC. Line BD is drawn. Point F is on BD. Line AF is drawn. Angle A is labeled 50° . Angle D is labeled 45° . The equation $50x + 4y = 45$ is written above the diagram.

Equations and Calculations:

- $30 - 6\sqrt{a^2 + 9} < \sqrt{a^2 + 9}$
- $50x + 4y = 45$
- $k = \frac{5\pi/3}{\frac{4\sqrt{5}}{\sqrt{3}}} = \frac{5\pi/3}{\frac{4\sqrt{5}}{\sqrt{3}}}$
- 3.9
- $\frac{2 \cdot 10 \arcsin(\frac{1}{2})}{2 \cdot 5}$
- $\sqrt{35}x$
- $5x$
- $2x$
- $\sqrt{14}x$
- $x \cdot k \cdot \sqrt{10}$
- $13 - 6 + 2 \cdot 10$
- $30 - 6 + 2 \cdot 10$
- $90 - 2 - 2\beta$
- $BC^2 = 2x \cdot 4x$
- $AC^2 = 5x \cdot 4x$
- $x^2 + y^2 = 1$
- $50x + 4y = 45$
- $y_2 - y_1 = 45 - 50x \cdot \frac{4x}{\sqrt{14}} + k\sqrt{35}x = \sqrt{35}x$
- $AE = k \cdot AC$
- $EC = (1 - k) \cdot AC$
- $CF = \frac{4}{\sqrt{14}}$
- $EC = \frac{CF}{BC}$
- $x^2 + (y^2 - 20y + 100)$
- $\sqrt{a^2 + 9}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1. $ab \div 2^8 \cdot 3^{14} \cdot 5^{12} \cdot k$

$ac = 2^{14} \cdot 3^{21} \cdot 5^{39} \cdot t$

$(abc)^2 = 2^{34} \cdot 3^{55} \cdot 5^{68} \cdot p \cdot q \cdot t$

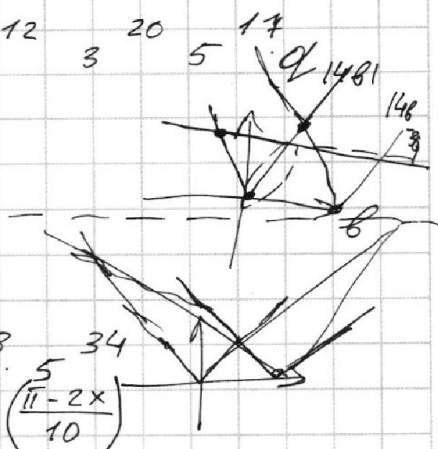
$(pqt) : 3$

$14 = 4 \cdot 3 \cdot 4$

$bc \div 2^{12} \cdot 3^{20} \cdot 5^{17}$

$\frac{\pi - 2x}{10}$

$abc = 2^{14} \cdot 3^{28} \cdot 5^{34}$
 $\cos x = \sin\left(\frac{\pi - 2x}{10}\right)$



3 $t = \sqrt{a^2 + 9} - \epsilon$, $\epsilon \rightarrow 0$, $x^2 + (y - 10)^2 - 36 = 0$

$a \quad b \quad c$

$\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{3} = \pi - \frac{5\pi}{10}$

$a = 2^5 \cdot 3^4 \cdot 5^{12}$

$b = 2^3 \cdot 3^4 \cdot 5^0$

$c = 2^0 \cdot 3^{14} \cdot 5^{24}$

2 $14 \quad 5 \quad 3 \quad 9$

3 $28 \quad 4 \quad 4 \quad 14$

$ax - 3y + 4b$

5 $34 \quad x \quad y \quad z$

$\pi - \frac{5\pi}{30} = |4b|$

$\pi - \frac{\pi}{6} = 14b - 30$

$= \frac{5\pi}{6} \times 0 \quad y$

$t^2 < a^2 + 9$

$\frac{1}{6} \cdot |4b - 30|$
 $x \quad t - 30$

$2^8 \cdot 3^{14} \cdot 5^{12}$

$2^{12} \cdot 3^{21} \cdot 5^{24}$

$5 \Delta x$

$x + y \geq 12$

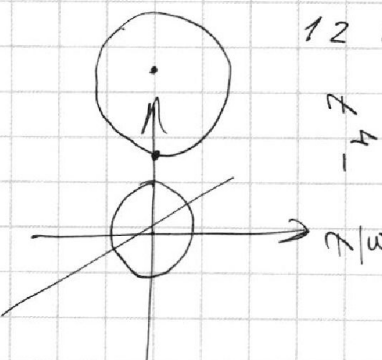
$y + z \geq 14$

$x + z \geq 39$

$a + b \neq 0$

$2(x + y + z)$

$a^4 = \frac{13}{3a} - 3$
 $b^4 = -\frac{13}{3a} - 3$
 $a^4 + b^4 = \frac{13(b-a)}{3a} - 6$



$12 \quad 0 \quad 2 \quad 4$

$t = 4$

$12 + 24 = 39$

$4^2 - 20 \cdot 4 + 64 = 0$

$16b^2 < a^2 + 9$

$16b^2 - 240b + 900 < 3a^2 + 36 \cdot 9$